

Criptogramas.

Los criptogramas son mensajes cifrados cuyos significados resultan inentendibles hasta que son descifrados, en este curso veremos como cifrar números y operaciones aritméticas con letras comunes.

Reglas:

- 1) En uno de los criptogramas jamás una letra que vaya al principio puede ser un cero.
I.E. Si ABCDE es un criptograma entonces A! = 0.
- 2) El valor de una letra no puede ser igual al de otra.
- 3) Representan números de una sola cifra, a menos que el problema diga lo contrario.

Ejemplos :

Encontrar una solución para el siguiente criptograma.

$$\begin{array}{r} \text{SO} \\ + \text{S} \\ \hline \text{SS} \end{array}$$

Sabemos que $O+S=S$

Por lo tanto la única posibilidad es que alguno de los dos sean cero, no podrían ser cero ambos porque la regla número 2 lo prohíbe, entonces o O es 0 o S es cero, si 'S' es cero entonces $\text{cero} + \text{algo} = \text{cero}$ no puede ser cierto si ambos son diferentes entonces sólo 'O' puede ser cero, en este caso hay 9 posibles soluciones porque si 'S' vale cualquier número entre 1 y nueve hacen cierta la operación:
 $1+10=11$, $2+20=22$...

Otro ejercicio:

$$\begin{array}{r} \text{R1G} \\ + \text{1G3} \\ \hline \text{305} \\ \text{GN5} \end{array}$$

Sabemos que $3+5+G=5$ o que $G+3+5=15$ porque podría acarrear uno al siguiente, pero sabemos que no puede ser 5 porque $3+5 > 5$ entonces $G+3+5=15$, despejando tenemos que $G=15-3-5$, por lo tanto $G=7$

conociendo G sabemos que $1+7+0+1$ (que acarreamos del 15 pasado) nos da N, entonces $9=N$ y luego tenemos que $R+1+3=G$, donde $G=7$ por lo tanto $R=7-1-3$, $R=3$, esa es la solución, entonces sustituyendo los valores

$$\begin{array}{r} 317 \\ + 173 \\ \hline 305 \\ \hline 795 \end{array}$$

Otro ejercicio:

$$\begin{array}{r} \text{ABCDE} \\ \times \quad 4 \\ \hline \text{EDCBA} \end{array}$$

Sabemos que A sólo puede ser un múltiplo de 4, entonces sabemos que A debe ser par (todos los múltiplos de 4 terminan en par) entonces A puede ser 0,2,4,6 u 8. Además vemos que al multiplicar A por 4, este no aumenta el número de cifras, entonces A tiene que ser menor que 3 (¿por qué? Porque si A fuera mayor o igual a 3 aumentaría el número de cifras, es decir, ABCDE tiene cinco cifras y si A fuera mayor o igual a 3 tendría 6 cifras) entonces sabemos que A tiene que ser par y que A tiene que ser menor que tres , entonces A sólo puede ser 2

entonces si A es 2 , sabemos que $2 \cdot 4 = 8$, entonces E= 8.

Entonces vemos que $E \cdot 4 = 32$, se pone A=2 y se acarrearán 3 , entonces $B = 4 \cdot D + 3$ (acarreo) , qué pasaría además si B fuera mayor o igual a 3 ? llevaría uno de acarreo a A y A no lleva acarreo, entonces $B \cdot 4 + \text{Acarreo} < 10$, entonces B sólo puede ser uno o cero (dos no porque A=2) , si B=0 y sabemos además que tiene que ser un impar , dado que si $B = 4 \cdot D + 3$ entonces B es impar (¿Por qué ?) entonces si B sólo puede ser 0 o 1 y tiene que ser impar entonces B es 1 y D puede ser 0 o 7 (¿Por qué? Porque los únicos números tales que $4 \cdot \text{número} + 3$ al dividir entre 10 me dé de residuo 1 son 2 y 7) qué pasa si D=2? Como B=1 y $4 + \text{posible acarreo} = \text{un número que termina en 2}$, donde posible acarreo ≤ 3 , entonces D sólo puede ser 7, si D es 7 entonces $4 \cdot B + \text{posible acarreo} = 7$, donde posible acarreo = 3 , esto quiere decir que $C \cdot 4 \geq 30$, los únicos números que multiplicados por 4 dan un número mayor o igual a 30 son el 8 y el 9, pero E=8 , entonces C sólo puede ser 9.

Quedaría entonces:

$$21978 \cdot 4 = 87912$$

Otro ejercicio:

$$ABC = C^4, \text{ además } D^4 = BCA$$

Conviene ver las terminaciones de los números del 1 al 9 y sacar conclusiones al elevarlos a la 4 potencia.

	n	n ²	n ³	n ⁴
1	1	1	1	1
2	2	4	8	6
3	3	9	7	1
4	4	6	4	6
5	5	5	5	5
6	6	6	6	6
7	7	9	3	1
8	8	4	2	6
9	9	1	9	1

Observamos que en el problema pide un número que elevado a la cuarta potencia dé un número de 3 cifras y que termine en el mismo número que elevamos a las 4ta potencia, vemos que los que no cambian son el 1, el 5 y el 6.

Entonces intentamos

$$1^4=1$$

$$6^4=1296$$

$$5^4=625$$

sólo 5^4 cumple con las condiciones , entonces $C=5$, $A=6$ y $B=2$

y luego pide un número que elevado a la cuarta dé 256 , entonces es sacar la raíz cuarta de 256

$$256^{(1/4)}=4$$

entonces $D=4$